



GRUNDWISSEN MATHEMATIK

Voraussetzung MATHEMATIK (M3)(FHRU)

⇒ AUFGABENKATALOG (incl. Lösungen) ⇒

Selbsteinschätzung TEST (20min)

⇒ Aufarbeitung der Lücken bis zum Unterrichtsbeginn
(Grundwissen Hilfe)

Bestehende Probleme / Fragen

⇒ in den ersten vier Unterrichtswochen

GRUNDWISSENTEST (benotet)

⇒ basiert auf dem Aufgabenkatalog

⇒ Beratung



GRUNDWISSEN MATHEMATIK

Gemäß den Bildungsstandards im Fach Mathematik für den Mittleren Schulabschluss
(Jahrgangsstufe 10) (Beschluss der Kultusministerkonferenz vom 4.12.2003)

Themen: Textaufgaben und Rechentechnik
Gleichungen / Ungleichungen
Fachterminologie
Lineare/quadratische Funktionen

Textaufgaben und Rechentechnik

Übung 1: Logisches Denken und (Un-)Gleichungen (5 Minuten)

Nach einem Minigolfturnier verglichen Elke, Regina, Gerd und Joachim ihre Ergebnisse.

Es ergab sich folgendes:

- (1) Joachim brauchte mehr Schläge als Gerd.
- (2) Elke und Regina hatten gemeinsam genauso viele Schläge benötigt wie Joachim und Gerd zusammen.
- (3) Elke und Joachim erzielten gemeinsam weniger Schläge als Regina und Gerd.

Ermitteln Sie aufgrund dieser Angaben die Reihenfolge der Spieler nach steigender Schlaganzahl.

Übung 2: Stereometrie (Körperberechnung) (5 Minuten)

Die Kante eines Würfels habe die Länge $a_1 = 2$ cm, die eines anderen Würfels die Länge $a_2 = 6$ cm.

Berechnen Sie das Verhältnis der Kantenlängen, der Oberflächen und Volumina dieser beiden Würfel zueinander.

Übung 3: Fehlersuche (5 Minuten)

Bei den folgenden drei Aufgabe wurden bei der Umformung Fehler begangen. Beschreiben Sie den/die jeweiligen Fehler – was wurde falsch gemacht – und stellen Sie das richtige Ergebnis dar!

(1) $2x - (y + x) = 2x - y + x = 2x^2 - y$

(2) $\frac{5x - 7y}{5a - 7b} = \frac{x - y}{a - b}$

(3) $\frac{x^2 - y^2}{x + y} = x + y$

**Übung 4: Textaufgaben, die zu quadratischen Gleichungen führen -
Zahlenrätsel (5 Minuten)**

Das Produkt zweier aufeinanderfolgender natürlicher Zahlen ist 156.
Wie heißen die beiden Zahlen?

Übung 5: Stereometrie - Kegelstumpf - Strahlensatz (10 Minuten)

Ein 18 cm hoher Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 312 cm³. Grund- und Deckfläche sind Quadrate, wobei die Grundfläche neunmal so groß wie die Deckfläche ist.

Berechnen Sie die Seitenlängen der beiden Quadrate.

Hinweis:

- (1) Ermitteln Sie per Strahlensatz die Gesamthöhe h der Pyramide.
- (2) Berechnen Sie nun das Gesamtvolumen und das Volumen der Spitze in Abhängigkeit der Variablen a (= Seitenlänge der Deckfläche) und h (= Gesamthöhe der Pyramide).
- (3) Bilden Sie die Differenz der beiden Volumina, um dann a zu berechnen.

Grundkenntnisse in Algebra: Gleichungen / Ungleichungen

Bestimmen Sie jeweils die Lösung der angegebenen Gleichung:

Zeitbedarf maximal:

1)	$13 - (5x + 2) + (x - 7) = 8x - 20$	4 Minuten
2)	$\frac{1}{2}x^2 + 4 = 0$	2 Minuten
3)	$9x^2 - 16 = 0$	3 Minuten
4)	$(x - 5)(x - 7) = (x + 4)(x - 9) - 13$	5 Minuten
5)	$2x + 3y = -14$ und $x + 2y = -8$	4 Minuten
6)	$\frac{2x}{3} + \frac{5}{3} = x + 4$	2 Minuten
7)	$\left(\frac{1}{2}x - 1\right)^2 + \left(\frac{1}{2}x + 1\right)^2 = -2x + \frac{9}{2}$	5 Minuten

**Bestimmen Sie jeweils die Lösungsmenge der angegebenen
Ungleichung:**

8)	$-4x - 8 < -2x - 4$	3 Minuten
9)	$\frac{x-1}{3} - \frac{x-1}{4} < 7$	4 Minuten

Grundkenntnisse in mathematischer Fachterminologie

Bestimmen Sie jeweils die Lösung der folgenden Fragen:

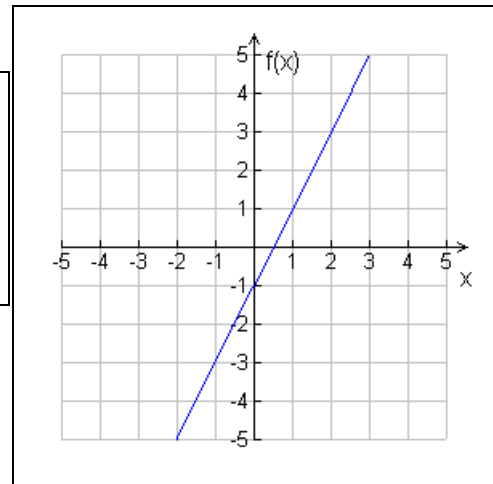
Zeitbedarf maximal:

<p>1) Wie heißen Bestandteile folgender Gleichung? $4 + 3 = 7$</p>	<p>4 Minuten</p>
<p>2) Welche Aussage ist falsch?</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="radio"/> Die Multiplikation ist eine verkürzte Addition gleicher Summanden. <input type="radio"/> In der Darstellung $4 * 3 = 12$ heißt die Zahl 4 Multiplikator. <input type="radio"/> Statt von Multiplikator spricht man auch vom Faktor. <input type="radio"/> Das Ergebnis einer Multiplikation wird als Summe bezeichnet. 	<p>3 Minuten</p>
<p>3) Welche der folgenden Mengen ist die Menge der natürlichen Zahlen?</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="radio"/> $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$ <input type="radio"/> $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$ <input type="radio"/> $\mathbb{N} = \left\{ \frac{1}{2}, 1, 1\frac{1}{2}, \dots \right\}$ <input type="radio"/> $\mathbb{N} = \{ \}$ 	<p>1 Minute</p>
<p>8) In der Mathematik gibt es die Funktion "Betrag". Welche Aussage dazu ist falsch?</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="radio"/> a ist niemals negativ. <input type="radio"/> $a = a$ für $a > 0$. <input type="radio"/> $a = -a$ für $a < 0$. <input type="radio"/> Für die Zahl 0 ist der Betrag nicht definiert. 	<p>3 Minuten</p>
<p>9) Unter einer Differenz versteht man ...</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Addition. <input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Subtraktion. <input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Multiplikation. <input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Division. 	<p>2 Minuten</p>
<p>10) Die Menge \mathbb{Q} ist die Menge der ...</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="radio"/> ... natürlichen Zahlen. <input type="radio"/> ... ganzen Zahlen. 	<p>1 Minute</p>

<input type="radio"/> ... rationalen Zahlen. <input type="radio"/> ... reellen Zahlen.	
11) Welche Aussage ist richtig ? <input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Bruch, a ist der Zähler, b ist der Nenner. <input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Zähler, a ist der Bruch, b ist der Nenner. <input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Nenner, a und b sind Zähler. <input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Bruch, a ist der Nenner, b ist der Zähler.	3 Minuten
12) Fritz schreibt in seiner Hausaufgabe folgenden Ausdruck: $\log_b(a^2)$. Welche Aussage ist falsch? <input type="radio"/> b ist die Basis des Logarithmus, a² das Argument. <input type="radio"/> Anstelle von $\log_b(a^2)$ kann man auch $\log_b(2a)$ schreiben. <input type="radio"/> Logarithmus-Funktionen stellen die Umkehrung zu Exponentialfunktionen dar. <input type="radio"/> $\log_b(a^2) = \ln(a^2)$, wenn gilt: b ist die Eulersche Zahl e .	4 Minuten
13) Gegeben sei folgender Ausdruck: 2^x . Wie lauten die korrekten Bezeichnungen? <input type="radio"/> 2 ist die Grundzahl, x heißt Basis. <input type="radio"/> 2 ist die Basis, x heißt Exponent. <input type="radio"/> 2 ist die Hochzahl, x heißt Grundzahl. <input type="radio"/> 2 ist der Exponent, x heißt Hochzahl.	3 Minuten
14) \mathbb{Q} ist die Bezeichnung für eine Zahlenmenge. Wofür steht \mathbb{Q} ? <input type="radio"/> Echte Bruchzahlen. <input type="radio"/> Quotient. <input type="radio"/> Rational. <input type="radio"/> Quantität.	1 Minute

Lineare Funktionen

1. In der nebenstehenden Abb. sehen Sie den Graphen einer linearen Funktion. Bestimmen Sie aus der Zeichnung den zugehörigen Funktionsterm! (3min)

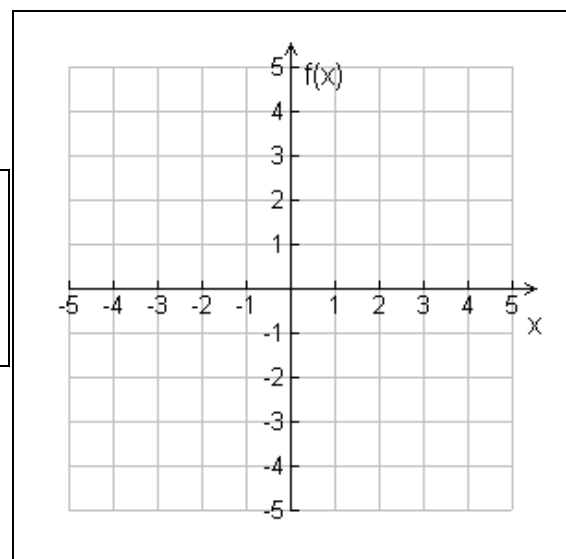


2. Die Punkte $P_1(1/2)$ und $P_2(-1/-3)$ liegen auf dem Graphen einer linearen Funktion. Bestimmen Sie rechnerisch die Steigung der Geraden. (3min)

3. Welche Punkte liegen auf welcher Geraden?
 $A(1/-3)$ $B(3/-1)$ $C(5/0)$
 $g: y = 2x - 5$ $h: y = x - 4$

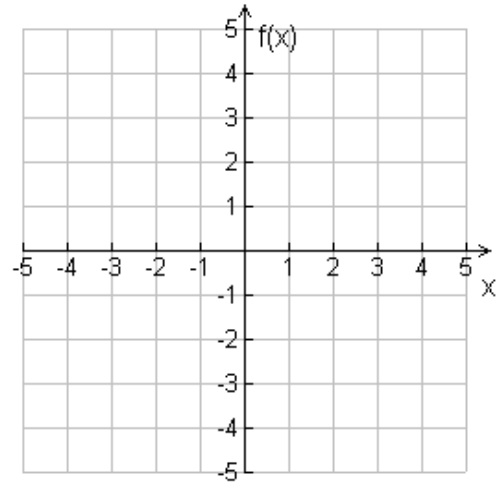
(7min)

4. Die Gerade h hat die Steigung $m=-2$ und geht durch den Punkt $P(2/1)$. Zeichnen Sie den Graphen dieser Geraden in das nebenstehende Koordinatensystem. (3min)



Quadratische Funktionen

1. Skizzieren Sie den Graphen der Normalparabel in das Koordinatensystem und geben Sie den zugehörigen Funktionsterm an. (2min)



2. Gegeben sei die quadratische Funktion f mit $f(x) = -2x^2 + 3$.
- a) Bestimmen Sie $f(2)$.
- b) Die Punkte $P_1(1/\dots)$, $P_2(\sqrt{2}/\dots)$ und $P_3(\dots/-5)$ liegen auf dem Graphen der Funktion f . Berechnen Sie die fehlenden Koordinaten. (6min)

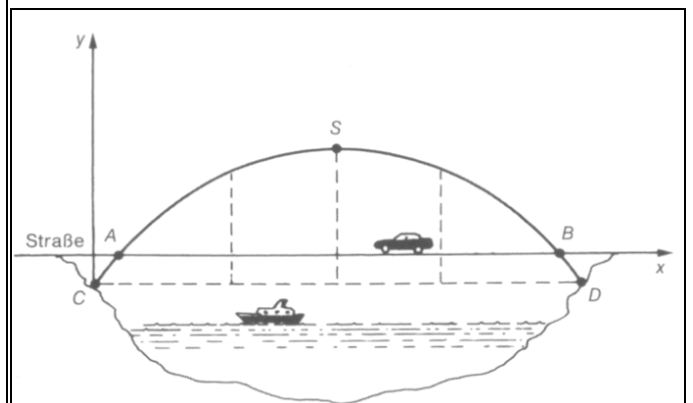
3. Gegeben sind die Gerade g mit $g(x) = x - 2$ und die Parabel p mit $p(x) = x^2 + x - 3$ bestimmen Sie die Koordinaten möglicher Schnittpunkte der beiden Graphen. (7min)

4. Eine parabelförmige Bogenbrücke wird beschrieben durch den Funktionsterm:

$$f(x) = -\frac{1}{200}x^2 + x - 20$$

Die unter Straßenniveau liegenden Auflagepunkte der Brücke sind C und D.

- a) Bestimmen Sie die Höhe der Brücke vom Straßenniveau (x -Achse) aus.
- b) Berechnen Sie die Länge der Straße auf dieser Brücke (\overline{AB}). (8min)





GRUNDWISSEN MATHEMATIK

Gemäß den Bildungsstandards im Fach Mathematik für den Mittleren Schulabschluss
(Jahrgangsstufe 10) (Beschluss der Kultusministerkonferenz vom 4.12.2003)

Literaturangaben zum Selbststudium:

- (1) Alle Ihre alten Mathematikbücher!!!
- (2) Training Grundwissen Mathematik – Wiederholung Algebra
Aufgaben mit Lösungen – Endres, Eberhard;
Stark-Verlag; ISBN: 3–89449–849-8, 12,95€

LÖSUNGEN

Textaufgaben und Rechentechnik

Übung 1: Logisches Denken und (Un-)Gleichungen

Ergebnisreihenfolge: $E < G < J < R$

Erklärung: Aus (2) folgt: $E + R = J + G \Rightarrow E = J + G - R$

In (3) eingesetzt:

$$E + J < R + G \xrightarrow{(2) \text{ eingesetzt}} J + G - R + J < R + G \Rightarrow J < R$$

Daraus folgt als Zwischenergebnis: $G < J < R$

Da aber (2) gilt, muss $E < G$ gelten, damit die Gleichung wahr ist.

Übung 2: Stereometrie (Körperberechnung)

Ergebnis:

$$\begin{array}{llll} Kante_{\text{Würfel (groß)}} = 6 & Kante_{\text{Würfel (klein)}} = 2 & \Rightarrow & 6:2 \Rightarrow 3:1 \\ V_{\text{Würfel (groß)}} = 6^3 = 216 & V_{\text{Würfel (klein)}} = 2^3 = 8 & \Rightarrow & 216:8 \Rightarrow 27:1 \\ O_{\text{Würfel (groß)}} = 6 \cdot 6^2 = 216 & O_{\text{Würfel (klein)}} = 6 \cdot 2^2 = 24 & \Rightarrow & 216:24 \Rightarrow 9:1 \end{array}$$

Übung 3: Fehlersuche

Ergebnis:

$$(1) \quad 2x - (y + x) = 2x - y + x = 2x^2 - y$$

Fehler 1: Falsches Ausmultiplizieren „-“ vor der Klammer nicht berücksichtigt

Fehler 2: Falsches Zusammenfassen der Variablen x

Korrekt: $2x - (y + x) = 2x - y - x = x - y$

$$(2) \quad \frac{5x - 7y}{5a - 7b} = \frac{x - y}{a - b}$$

Fehler: Hier wurde fehlerhafter Weise aus Differenzen und Summen gekürzt!

Korrekt: Keine weitere Termumformung möglich!

$$(3) \quad \frac{x^2 - y^2}{x + y} = x + y$$

Fehler: Die dritte Binomische Formel wurde fehlerhaft angewendet.

Korrekt: $\frac{x^2 - y^2}{x + y} = \frac{(x - y)(x + y)}{x + y} = x - y$

Übung 4: Textaufgaben, die zu quadratischen Gleichungen führen - Zahlenrätsel (5 Minuten)

Ergebnis:

$$x \cdot (x + 1) = 156 \Rightarrow x^2 + x - 156 = 0$$

$$\xrightarrow{\text{Lösungsformel}} x_{\frac{1}{2}} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 624}}{2} = \frac{-1 \pm 25}{2}$$

$$\xrightarrow{\text{Lösung}} x_1 = 12 \quad \vee \quad x_1 = -13$$

$$\xrightarrow{\text{Lösungsmenge}} L = \{12\} \quad \text{wegen Vor. natürlicher Zahlen!!!}$$

Übung 5: Stereometrie - Kegelstumpf - Strahlensatz (10 Minuten)

Ergebnis:

$$(1) \quad \text{Strahlensatz:} \quad \frac{h-18}{h} = \frac{0,5a}{1,5a} \Rightarrow h = 27$$

(2) Gesamtvolumen:

$$V_{\text{gesamt}} = \frac{1}{3}G \cdot h = \frac{1}{3} \cdot 9a^2 \cdot 27 = 81a^2$$

Volumen der Spitze:

$$V_{\text{Spitze}} = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot h_{\text{Rest}} \stackrel{h_{\text{Rest}}=27-18}{=} = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot 9 = 3 \cdot a^2$$

(3) Differenz:

$$V_{\text{Differenz}} = V_{\text{gesamt}} - V_{\text{Spitze}} \Rightarrow 312 = 81a^2 - 3a^2$$

$$\Rightarrow 312 = 78a^2 \Rightarrow a^2 = 4 \Rightarrow a = 2$$

Daher ergibt sich als Ergebnis:

Seitenlänge der großen Grundfläche: 6 cm

Seitenlänge der kleinen Deckfläche: 2 cm

Grundkenntnisse in Algebra: Gleichungen / Ungleichungen

$$1) \quad 13 - (5x + 2) + (x - 7) = 8x - 20$$

$$13 - 5x - 2 + x - 7 = 8x - 20 \quad / + 4x + 20$$

$$24 = 12x \quad / : 12$$

$$x = 2$$

$$2) \quad \frac{1}{2}x^2 + 4 = 0 \quad \text{hat keine Lösung}$$

$$3) \quad 9x^2 - 16 = 0$$

$$9x^2 = 16 \quad / : 9$$

$$x^2 = \frac{16}{9} \quad / \text{ radizieren (das heißt: Wurzel ziehen)}$$

$$x = \pm \frac{4}{3}$$

$$4) \quad (x - 5)(x - 7) = (x + 4)(x - 9) - 13$$

$$x^2 - 12x + 35 = x^2 - 5x - 36 - 13 \quad / - x^2 + 12x + 49 / \text{ Seiten vertauschen}$$

$$7x = 84 \quad / : 7$$

$$x = 12$$

$$5) \quad 2x + 3y = -14 \quad \text{und} \quad x + 2y = -8$$

Lösungsverfahren (z. Additionsverfahren oder Einsetzverfahren) liefert:

$$x = -4 \quad \text{und} \quad y = -2$$

$$6) \quad \frac{2x}{3} + \frac{5}{3} = x + 4 \quad / *3$$

$$2x + 5 = 3x + 12 \quad / - 2x - 12 \quad / \text{ Seiten vertauschen}$$

$$x = -7$$

$$7) \left(\frac{1}{2}x-1\right)^2 + \left(\frac{1}{2}x+1\right)^2 = -2x + \frac{9}{2}$$

$$\frac{1}{4}x^2 - x + 1 + \frac{1}{4}x^2 + x + 1 = -2x + \frac{9}{2} \quad (\text{Binomische Formeln})$$

$$\frac{1}{2}x^2 + 2 = -2x + \frac{9}{2} \quad / *2$$

$$x^2 + 4 = -4x + 9 \quad / +4x -9$$

$$x^2 + 4x - 5 = 0 \quad \text{pq - Formel oder abc - Formel}$$

$$x = 1 \text{ oder } x = -5$$

$$8) -4x - 8 < -2x - 4 \quad / +4x + 4 \quad / \text{umgekehrt lesen}$$

$$2x > -4 \quad / :2$$

$$x > -2$$

$$\text{IL} = \{x \in \mathbb{R} / x > -2\} \text{ oder IL} =] - 2; -\infty [$$

$$9) \frac{x-1}{3} - \frac{1-x}{4} < 7 \quad / *12$$

$$4x - 4 - 3 + 3x < 84 \quad / +7$$

$$7x < 91 \quad / :7$$

$$x < 13$$

$$\text{IL} = \{x \in \mathbb{R} / x < 13\} \text{ oder IL} =] -\infty ; 13 [$$

Grundkenntnisse in mathematischer Fachterminologie

Zeitbedarf maximal:

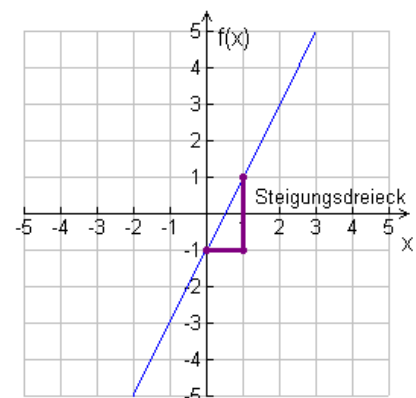
<p>1) Wie heißen Bestandteile folgender Gleichung? $4 + 3 = 7$</p> <p><u>Lösung:</u> 4 ist erster Summand 3 ist zweiter Summand 7 ist die Summe + Pluszeichen = Gleichheitszeichen</p>	4 Minuten
<p>2) Welche Aussage ist falsch?</p> <p><input type="radio"/> Die Multiplikation ist eine verkürzte Addition gleicher Summanden.</p> <p><input type="radio"/> In der Darstellung $4 * 3 = 12$ heißt die Zahl 4 Multiplikator.</p> <p><input type="radio"/> Statt von Multiplikator spricht man auch vom Faktor.</p> <p><input checked="" type="radio"/> Das Ergebnis einer Multiplikation wird als Summe bezeichnet.</p>	3 Minuten

<p>3) Welche der folgenden Mengen ist die Menge der natürlichen Zahlen?</p> <p><input checked="" type="radio"/> $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$</p> <p><input type="radio"/> $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$</p> <p><input type="radio"/> $\mathbb{N} = \left\{\frac{1}{2}, 1, 1\frac{1}{2}, \dots\right\}$</p> <p><input type="radio"/> $\mathbb{N} = \{ \}$</p>	1 Minute
<p>4) In der Mathematik gibt es die Funktion "Betrag". Welche Aussage dazu ist falsch?</p> <p><input type="radio"/> a ist niemals negativ.</p> <p><input type="radio"/> $a = a$ für $a > 0$.</p> <p><input type="radio"/> $a = -a$ für $a < 0$.</p> <p><input checked="" type="radio"/> Für die Zahl 0 ist der Betrag nicht definiert.</p>	3 Minuten
<p>5) Unter einer Differenz versteht man ...</p> <p><input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Addition.</p> <p><input checked="" type="radio"/> ... das Ergebnis einer Subtraktion.</p> <p><input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Multiplikation.</p> <p><input type="radio"/> ... das Ergebnis einer Division.</p>	2 Minuten
<p>6) Die Menge \mathbb{Q} ist die Menge der ...</p> <p><input type="radio"/> ... natürlichen Zahlen.</p> <p><input type="radio"/> ... ganzen Zahlen.</p> <p><input checked="" type="radio"/> ... rationalen Zahlen.</p> <p><input type="radio"/> ... reellen Zahlen.</p>	1 Minute
<p>7) Welche Aussage ist richtig ?</p> <p><input checked="" type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Bruch, a ist der Zähler, b ist der Nenner.</p> <p><input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Zähler, a ist der Bruch, b ist der Nenner.</p> <p><input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Nenner, a und b sind Zähler.</p> <p><input type="radio"/> $\frac{a}{b}$ bezeichnet man als Bruch, a ist der Nenner, b ist der Zähler.</p>	3 Minuten

<p>8) Fritz schreibt in seiner Hausaufgabe folgenden Ausdruck: $\log_b(a^2)$. Welche Aussage ist falsch?</p> <p><input type="radio"/> b ist die Basis des Logarithmus, a^2 das Argument.</p> <p><input checked="" type="radio"/> Anstelle von $\log_b(a^2)$ kann man auch $\log_b(2a)$ schreiben.</p> <p><input type="radio"/> Logarithmus-Funktionen stellen die Umkehrung zu Exponentialfunktionen dar.</p> <p><input type="radio"/> $\log_b(a^2) = \ln(a^2)$, wenn gilt: b ist die Eulersche Zahl e.</p>	4 Minuten
<p>9) Gegeben sei folgender Ausdruck: 2^x. Wie lauten die korrekten Bezeichnungen?</p> <p><input type="radio"/> 2 ist die Grundzahl, x heißt Basis.</p> <p><input checked="" type="radio"/> 2 ist die Basis, x heißt Exponent.</p> <p><input type="radio"/> 2 ist die Hochzahl, x heißt Grundzahl.</p> <p><input type="radio"/> 2 ist der Exponent, x heißt Hochzahl.</p>	3 Minuten
<p>10) \mathbb{Q} ist die Bezeichnung für eine Zahlenmenge. Wofür steht \mathbb{Q} ?</p> <p><input type="radio"/> Echte Bruchzahlen.</p> <p><input checked="" type="radio"/> Quotient.</p> <p><input type="radio"/> Rational.</p> <p><input type="radio"/> Quantität.</p>	1 Minute

Lineare Funktionen

1. Der Funktionsterm lautet: $f(x) = 2x - 1$.
Man zeichnet das Steigungsdreieck ein und erhält $m = \frac{2}{1}$. Aus dem Schnittpunkt des Graphen mit der y -Achse erhält man $b = -1$.



2. Die Steigung der Geraden durch die Punkte P_1 und P_2 lautet:

$$m = \frac{-3 - 2}{-1 - 1} = \frac{-5}{-2} = \frac{5}{2}$$

3. $g(1) = 2 \cdot 1 - 5 = -3 \Rightarrow$ der Punkt A liegt auf der Geraden g.

$h(1) = 1 - 4 = -3 \Rightarrow$ der Punkt A liegt auf der Geraden h.

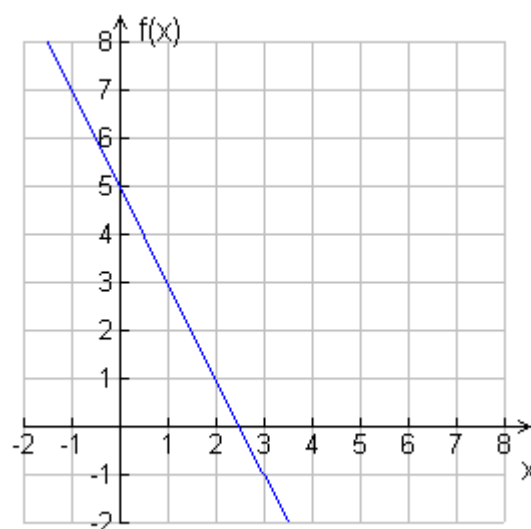
$g(3) = 2 \cdot 3 - 5 = 1 \Rightarrow$ der Punkt B liegt nicht auf der Geraden g.

$h(3) = 3 - 4 = -1 \Rightarrow$ der Punkt B liegt auf der Geraden h.

$g(5) = 2 \cdot 5 - 5 = 5 \Rightarrow$ der Punkt C liegt nicht auf der Geraden g.

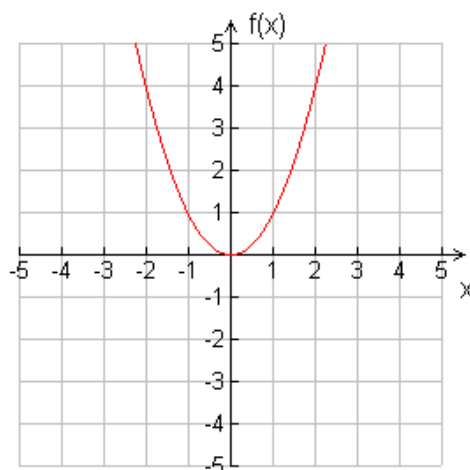
$h(5) = 5 - 4 = 1 \Rightarrow$ der Punkt C liegt nicht auf der Geraden h.

4.



Quadratische Funktionen

1.



2. a) $f(2) = -2 \cdot (2)^2 + 3 = -5$;

b)

$$f(1) = -2 \cdot (1)^2 + 3 = 1 \Rightarrow P_1(1/1)$$

$$f(\sqrt{2}) = -2 \cdot (\sqrt{2})^2 + 3 = -1 \Rightarrow P_2(\sqrt{2}/-1)$$

$$f(x) = -5 \Leftrightarrow -2x^2 + 3 = -5$$

$$-2x^2 + 3 = -5 \quad | -3$$

$$-2x^2 = -8 \quad | :(-2)$$

$$x^2 = 4 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$x_{1/2} = \pm 2$$

\Rightarrow es gibt zwei Punkte mit der gleichen y-Koordinate

$P_{31}(-2/-5)$ und $P_{32}(2/-5)$.

3.

$$f(x) = g(x)$$

$$x^2 + x - 3 = x - 2 \quad | -x$$

$$x^2 - 3 = -2 \quad | +3$$

$$x^2 = 1 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$x_{1/2} = \pm 1$$

Die Koordinaten der Schnittpunkte lauten: $P_1(-1/-3)$ und $P_2(1/-1)$.

4. a) Man benötigt die Koordinaten des Scheitelpunktes. Es gibt verschiedene Methoden diese zu ermitteln zu bestimmen (z. B.: quadratische Ergänzung, Nullstellen,...). Da die Nullstellen im Aufgabenteil b benötigt werden bestimmt man zunächst die Nullstellen:

$$f(x) = 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{200}x^2 + x - 20 = 0$$

Man löst die quadratische Gleichung mit der a-b-c-Formel:

$$x_{1/2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 4 \cdot \left(-\frac{1}{200}\right) \cdot (-20)}}{2 \cdot \left(-\frac{1}{200}\right)}$$

$x_1 \approx 22,54$; $x_2 \approx 177,46$. Die Koordinaten des Scheitelpunktes ergeben sich aus:

$$x_s = \frac{x_1 + x_2}{2} = 100; f(100) = 30; S(100/30)$$

Die Höhe h beträgt 30m.

b) Die Länge l ergibt sich zu $l = x_2 - x_1 \approx 154,92\text{m}$



GRUNDWISSEN MATHEMATIK

Gemäß den Bildungsstandards im Fach Mathematik für den Mittleren Schulabschluss
(Jahrgangsstufe 10) (Beschluss der Kultusministerkonferenz vom 4.12.2003)

Bearbeiten Sie die folgenden vier Aufgaben

Zeit: 20 Minuten

Bei den folgenden drei Aufgaben wurden bei der Umformung Fehler begangen. Beschreiben Sie den/die jeweiligen Fehler – was wurde falsch gemacht – und stellen Sie das richtige Ergebnis dar!

1

(1) $2x - (y + x) = 2x - y + x = 2x^2 - y$

(2) $\frac{5x - 7y}{5a - 7b} = \frac{x - y}{a - b}$

(3) $\frac{x^2 - y^2}{x + y} = x + y$

2

Bestimmen Sie die Lösung der angegebenen Gleichung:
 $(x - 5)(x - 7) = (x + 4)(x - 9) - 13$

3

Gegeben sei folgender Ausdruck: 2^x .

Wie lauten die korrekten Bezeichnungen? (Richtige Antwort ankreuzen)

- 2 ist die Grundzahl, x heißt Basis.
- 2 ist die Basis, x heißt Exponent.
- 2 ist die Hochzahl, x heißt Grundzahl.
- 2 ist der Exponent, x heißt Hochzahl.

Die Menge \mathbb{Q} ist die Menge der ... (Richtige Antwort ankreuzen)

- ... natürlichen Zahlen.
- ... ganzen Zahlen.
- ... rationalen Zahlen.
- ... reellen Zahlen.

4

Gegeben sei die quadratische Funktion f mit $f(x) = -2x^2 + 3$.

a) Bestimmen Sie $f(2)$.

b) Die Punkte $P_1(1/\dots)$, $P_2(\sqrt{2}/\dots)$ und $P_3(\dots/-5)$ liegen auf dem Graphen der Funktion f. Berechnen Sie die fehlenden Koordinaten.



GRUNDWISSEN MATHEMATIK



Hiiiiiiiiife

Was mache ich wenn ich Probleme habe beim ...	Durcharbeiten und WICHTIGES (blau unterlegte Merkkästchen) ins Heft übertragen	Aufgaben zum Üben
Rechnen mit binomischen Formeln	S.17 – 18, Kapitel 2.2	S.18-19 Nr.: 24-28
Lösen von Gleichungen	S.35-38	S. 39 Nr.: 55, 57; S. 40 Nr.: 61
Lösen von linearen Gleichungen	S. 40-42, Kapitel 4.2	S. 42 Nr.: 62, 63
Lösen von quadratischen Gleichungen	S.42-45, Kapitel 4.3	S.45 Nr.:64
Lösen von Bruchgleichungen	S. 46-48, Kapitel 4.4	S.49 Nr. 66
Rechnen mit Potenzen	S.73-74, Kapitel 6.1	S.75 Nr.:85, 86; S. 76 Nr.:88,89
Rechnen mit Wurzeln	S.76-77, Kapitel 6.2	S. 78 Nr.: 91-94; S.79 Nr.: 96
Bearbeiten von linearen Funktionen	S.89-94, Kapitel 7.2	S. 94 Nr.: 109-113
Bearbeiten von quadratischen Funktionen	S.96-99, Kapitel 7.3	S. 100 -101 Nr.:119 -125

BITTE BEACHTEN SIE:

(1) Diese **Angaben** beziehen sich auf das Buch:
Training Grundwissen Mathematik – Wiederholung Algebra
 Aufgaben mit Lösungen – Endres, Eberhard;
 Stark-Verlag; ISBN: 3–89449–849-8, 12,95€
 Lösungen finden Sie ebenfalls in diesem Buch!

ACHTUNG

(2) Sollten Sie trotz den angegebenen Lösungen Aufgaben nicht vollständig lösen können, so geben Sie ihrem Fachlehrer in der **ersten Unterrichtswoche** nach den Ferien diese von Ihnen **bearbeiteten Aufgaben** ab. Sie erhalten die Aufgaben korrigiert zurück.

